

# برآورد احتمال و تحلیل تداوم بیمه‌پردازی اختیاری در سازمان

## تأمین اجتماعی با رویکرد زنجیرهای مارکوف

### (مطالعه موردي: شعبه دو تأمین اجتماعي همدان)

وحید برادران<sup>۱</sup>

تاریخ دریافت: ۱۳۹۴/۰۶/۲۲

مرتضی حبشه<sup>۲</sup>

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۴/۱۲/۲۴

#### چکیده

لازمه برنامه‌ریزی مناسب برای توسعه خدمات تأمین اجتماعی، برآورد دقیق درآمدهای حاصل از دریافت حق بیمه، پیش‌بینی رفتار بیمه‌پردازان به خصوص بیمه‌پردازان اختیاری، و برنامه‌ریزی برای نگهداشت آنهاست. در این پژوهش، رفتار بیمه‌پردازان اختیاری در قالب سیستم زنجیرهای مارکوف برای محاسبه احتمال تغییر وضعیت آنها مدل‌سازی شده است. وضعیتهای بیمه‌پردازان قبل و بعد از عقد قرارداد با جمع‌آوری و مطالعه داده‌های این نوع بیمه‌پردازان در شعبه دو تأمین اجتماعی همدان در فاصله سال‌های ۱۳۸۶ تا ۱۳۹۳ در هفت موقعیت شناسایی شده است. در یک تحلیل، وضعیت هر بیمه‌پرداز در سال پس از عقد قرارداد به دو وضعیت استمرار و عدم استمرار دسته‌بندی شده و با داده‌های مطالعه موردي احتمالات گذار آنها محاسبه شده است. تحلیل مارکوف بیانگر آن است که با احتمال ۷۸/۰۱ درصد یک بیمه‌گذار اختیاری در سال‌های آینده استمرار به پرداخت حق بیمه می‌کند و با احتمال حدود ۲۲ درصد از این نوع بیمه رویگردانی می‌کند. بر این اساس، رابطه‌ای برای پیش‌بینی تعداد بیمه‌پردازان اختیاری در پایان هر سال توسعه داده شده است. در تحلیل دیگری، احتمال اینکه یک بیمه‌پرداز اختیاری پس از رویگردانی از بیمه اختیاری به چه حالتی از بیمه‌پردازی و یا عدم بیمه‌پردازی گرایش پیدا می‌کند نیز با زنجیرهای مارکوف برآورد شده است.

**واژگان کلیدی:** بیمه‌پردازی اختیاری، تأمین اجتماعی، زنجیرهای مارکوف، احتمالات حدی، شعبه دو تأمین اجتماعی همدان.

۱. استادیار گروه مهندسی صنایع، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران شمال (نویسنده مسئول)، V\_Braderan@iau-tnb.ac.ir

۲. دانشجوی دکتری مهندسی صنایع، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تهران شمال، Morteza.Habashi@yahoo.com

## ۱. مقدمه

در یک تقسیم‌بندی خدمات کلی، بیمه به دو دستهٔ بیمه‌های اجتماعی و بیمه‌های بازرگانی تقسیم‌بندی می‌شود. بیمه‌های اجتماعی عمدهاً بیمه‌های اجباری و ناشی از قانون هستند و مشخصه آنها این است که شخص دیگری (مانند کارفرما) در پرداخت بخش زیادی از حق‌بیمه مشارکت دارد. در بیمه‌های اجتماعی، حق‌بیمه به صورت درصدی از دستمزد تعیین می‌شود، در حالی که در بیمه‌های بازرگانی حق‌بیمه متناسب با ریسک تعیین می‌شود (کریمی و تفنگساز، ۱۳۸۳).

در ایران، سازمان مستقلِ تأمین اجتماعی به منظور کاهش مخاطرات در زندگی اقتصادی و حفظ و حمایت افراد جامعه تشکیل شده که با پرداخت پول و ارائه خدمات و امدادهای اجتماعی، مردم را در برابر کاهش یا قطع درآمد حاصل از بیکاری، پیری، بیماری و ازکارافتادگی، و تأمین معاش افراد خانواده پس از مرگ حمایت می‌کند. در حال حاضر تقریباً تمام کشورهای جهان و به ویژه کشورهای پیشرفته، برنامه‌های گسترشده‌ای در قالب بیمه‌های اجتماعی (از محل دریافت حق‌بیمه) و کمکهای اجتماعی (از محل اعتبارات دولتی) در زمینه تأمین اجتماعی دارند (مریدی، ۱۳۷۸).

بر مبنای مادهٔ ۲ قانون تأمین اجتماعی، بیمه‌شده شخصی است که با پرداخت مبالغی به عنوان حق‌بیمه حق استفاده از مزایای مقرر در قانون تأمین اجتماعی را دارد (قشقایی، ۱۳۸۴). دو گروه شامل افرادی که به هر عنوان در مقابل دریافت مزد یا حقوق کار می‌کنند و صاحبان حرف و مشاغل آزاد مشمول قانون تأمین اجتماعی هستند. به طور کلی بیمه‌شدگان اصلی تأمین اجتماعی را می‌توان در ۴ گروه بیمه‌شدگان اجباری، خاص، بیمه بیکاری، و بیمه توافقی تقسیم‌بندی کرد. در جدول ۱ این تقسیم‌بندی همراه با توزیع فراوانی آنها در سازمان تأمین اجتماعی و مورد مطالعه این پژوهش (شعبهٔ دو همدان) ارائه شده است (دفتر آمار و محاسبات اقتصادی و اجتماعی، ۱۳۹۴).

جدول ۱. توزیع انواع بیمه‌شدگان اصلی تأمین اجتماعی (پایان آذر ۱۳۹۳)

| درصد در مطالعه<br>موردنی | تعداد در<br>مطالعه موردنی | درصد در<br>سازمان | تعداد در سازمان<br>تأمین اجتماعی | شرح                    |
|--------------------------|---------------------------|-------------------|----------------------------------|------------------------|
| ۵۳/۷۷                    | ۲۶,۸۸۹                    | ۶۹/۴              | ۹,۲۱۱,۹۱۵                        | اجباری                 |
| ۷/۵۵                     | ۳,۲۷۳                     | ۴/۸               | ۶۳۴,۷۴۹                          | اختیاری                |
| ۸/۰۲                     | ۴,۰۱۳                     | ۵/۸               | ۷۷۲,۶۴۵                          | حرف و مشاغل آزاد       |
| ۱۵/۰۷                    | ۷,۰۵۳۹                    | ۷/۹               | ۱,۰۴۸,۳۴۹                        | رانندگان               |
| ۱۰/۵۴                    | ۵,۲۷۰                     | ۴/۱               | ۵۴۳,۹۹۱                          | بافندگان               |
| ۱/۹۸                     | ۹۹۰                       | ۵                 | ۶۶۴,۱۹۱                          | کارگران ساختمانی       |
| *                        | *                         | ۰/۱               | ۱۹,۷۹۲                           | *سایر                  |
| ۱/۰۸                     | ۵۴۲                       | ۱/۲               | ۱۶۵,۴۱۹                          | بیمه بیکاری            |
| ۲/۹۹                     | ۱,۴۹۵                     | ۱/۶               | ۲۱۷,۵۷۸                          | بیمه توافقی            |
| ۱۰۰                      | ۵۰,۰۱۱                    | ۱۰۰               | ۱۳,۲۷۸,۶۲۹                       | جمع کل بیمه‌شدگان اصلی |

\* سایر شامل صیادان، زنبورداران و کارفرمایان صنفی کم‌درآمد است.

بر مبنای قانون، بیمه اختیاری ابزاری برای استمرار بیمه‌پردازی بیمه‌شدگان و جلوگیری از رویگردانی آنها از بیمه‌پردازی قلمداد می‌شود. اجرای دستورالعملهای جدید در سالهای گذشته از جمله کاهش سن شروع بیمه‌پردازی به کمتر از ۵۰ سال (بدون داشتن هرگونه سابقه)، داشتن حداقل یک ماه سابقه بیمه و یا کارت پایان خدمت سربازی زمینه را برای گسترش خدمات بیمه اختیاری، ممانعت از رویگردانی بیمه‌پردازی و حفظ بیمه‌پردازان بالفعل در شکل دیگری از بیمه‌پردازی فراهم کرده است. بررسی و تحلیل داده‌ها و اطلاعات موجود در حوزه بیمه‌شدگان اختیاری می‌تواند دانش چگونگی تغییر و جایه‌جایی گروه‌های مختلف بیمه‌شدگان را افزیش دهد و زمینه را برای برنامه‌ریزی مناسب‌تر برای کسب درآمد برای آینده سازمان تأمین اجتماعی فراهم کند.

برنامه‌ریزی لازم برای تصمیم‌گیریهای مدیریتی در طول سال برای اختصاص بودجه و تعیین میزان درآمدهای مربوطه در بخش گروه‌های مختلف بیمه‌پردازی نیازمند شناخت از وضعیت موجود و چگونگی تغییر آن (استمرار پرداخت یا قطع

پرداخت این گروه از بیمه‌شدگان) است. در بخش بیمه‌های اختیاری، اهمیت استمرار پرداخت یا قطع پرداخت این گروه از بیمه‌شدگان زمانی بیشتر جلوه می‌کند که بدانیم به طور معمول بالغ بر ۱۵ درصد از عملکرد درآمدی هر شعبه، مربوط به بیمه‌شدگان غیراجباری است. یعنی گروهی از بیمه‌شدگان که بدون هیچ جبر و اجباری از سوی قانون و بدون انجام هیچ هزینه‌ای برای جذب از سوی واحد اجرایی، با رضایت خاطر اقدام به بیمه‌پردازی می‌کنند و برخلاف گروه‌های مختلف بیمه اجباری نیازمند هیچ-گونه کنترل و بازرسی در بیمه‌پردازی نیستند. در این بخش صرفاً با انعقاد قرارداد، بیمه‌شده را در مسیر بیمه‌پردازی قرار می‌دهد. لذا بررسی چگونگی ورود متلاطیان عقد قرارداد بیمه اختیاری و رفتار دوگانه آنها در خصوص استمرار یا عدم استمرار این نوع بیمه‌پردازی و یا تبدیل به سایر بیمه‌ها می‌تواند اطلاعات مهمی را در اختیار برنامه‌ریزان و مدیران سازمان قرار دهد تا بر این اساس ضمن توزیع توان و نیروهای موجود، بیشترین موفقیت را در جهت نیل به اهداف سازمانی به‌ویژه دو هدف گسترش جمعیت تحت پوشش و تحقق درآمدهای مصوب کسب کند. در این مقاله، رفتار بیمه‌پردازان اختیاری در قالب سیستم زنجیرهای مارکوف برای محاسبه احتمال تغییر وضعیت بیمه‌پردازان اختیاری مدل‌سازی شده است.

زنجیر مارکوف در حوزه‌های مختلف به عنوان یک مدل مناسب برای تحلیل وضعیت سیستم‌ها در آینده قابل استفاده است و از آن در تحلیل سیستم‌های انبارداری، صف، ارتباطات، تولید، نیروی انسانی، هواشناسی و اقلیم‌شناسی، و سیستم‌های اقتصادی به کار گرفته شده است (Kulkarni, 2011). یزدان‌پناه و علیزاده (۱۳۹۰) به کمک زنجیر مارکوف وقوع امواج گرمایی با دوره‌های تداوم مختلف در استان کرمان را برآورد کردند. ماسران<sup>۱</sup> (۲۰۱۵) از مدل زنجیر مارکوف برای رفتار تصادفی جهت باد استفاده کرده است. کینا و بوسلى<sup>۲</sup> (۲۰۱۴) با استفاده از رویکرد زنجیر مارکوف

1. Masseran

2. Qina and Boccelli

میزان تقاضا در سیستم توزیع آب آشامیدنی را برآورد کدهاند. یون<sup>۱</sup> و همکاران (۲۰۰۸) با استفاده از زنجیرهای مارکوف با زمان گسسته تلاش کردهاند که زمان سفر را در آزادراه‌ها برآورد کنند. در مورد رویگردانی مشتری و یا طول عمر مشتری نیز چنگ<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۱۲) با استفاده از زنجیر مارکوف چارچوبی برای محاسبه مقدار طول عمر مشتریان برای شرکت تعمیرات خودرویی تهیه کردند. همچنین فیلیپ و کاراوی<sup>۳</sup> (۲۰۰۰) با توجه به اهمیت مقدار طول عمر مشتری در بازاریابی، مدلی را براساس زنجیر مارکوف ارائه دادند. همچنین لیو<sup>۴</sup> و همکاران (۲۰۱۱) پویایی ارزش شرکای استراتژیک را با استفاده از زنجیر مارکوف تحلیل کردند.

## ۲. داده‌ها و روش‌شناسی

در این پژوهش، اطلاعات مربوط به قراردادهای منعقده در بخش بیمه اختیاری در فاصله سالهای ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۳ در شعبه دو همدان به عنوان یک مطالعه موردي جمع‌آوری شده است. تعداد قراردادهای بررسی شده در جدول ۲ نشان داده شده است.

جدول ۲. تعداد قراردادهای بیمه اختیاری منعقده در شعبه دو همدان ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۳

| سال  | تعداد قرارداد منعقده |
|------|----------------------|
| ۱۳۹۳ | ۱۳۹۲                 |
| ۱۳۹۲ | ۱۳۹۱                 |
| ۱۳۹۱ | ۱۳۹۰                 |
| ۱۳۹۰ | ۱۳۸۹                 |
| ۱۳۸۹ | ۱۳۸۸                 |
| ۱۳۸۸ | ۱۳۸۷                 |
| ۱۳۸۷ | ۱۳۸۶                 |
| ۱۳۸۶ | ۱۳۸۵                 |
| ۱۳۸۵ | ۱۳۸۴                 |
| ۱۳۸۴ | ۱۳۸۳                 |
| ۱۳۸۳ | ۱۳۸۲                 |
| ۱۳۸۲ | ۱۳۸۱                 |
| ۱۳۸۱ | ۱۳۸۰                 |
| ۱۳۸۰ | ۱۳۷۹                 |
| ۱۳۷۹ | ۱۳۷۸                 |
| ۱۳۷۸ | ۱۳۷۷                 |
| ۱۳۷۷ | ۱۳۷۶                 |
| ۱۳۷۶ | ۱۳۷۵                 |
| ۱۳۷۵ | ۱۳۷۴                 |
| ۱۳۷۴ | ۱۳۷۳                 |

اطلاعات بررسی شده شامل وضعیت بیمه شده در سال قبل از انعقاد قرارداد (فاصله زمانی فروردین تا اسفند) و وضعیت بیمه‌پردازی در سال انعقاد قرارداد (تاریخ عقد قرارداد تا پایان اسفند سال قرارداد) است. از آنجایی که قراردادهای بیمه اختیاری در صورت عدم پرداخت در مهلت مقرر و یا اشتغال در کارگاه (بیمه اجباری) ابطال

1. Yeon

2. Cheng

3. Philip an Carraway

4. Liu

می شوند، لذا وضعیت بعد از انعقاد قرارداد از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است، چرا که به نوعی نشان‌دهنده رویگردانی و یا استمرار بیمه‌پردازی است.

در اولین گام، ۲۰ حالت مختلف به عنوان حالت‌های بیمه‌پرداز در سال قبل از عقد قرارداد بیمه اختیاری تحت عنوان حالات ورودی شامل: ۱- اجباری، ۲- قطع (بدون سابقه)، ۳- بیکاری، ۴- مشاغل (بیمه‌پردازی کامل در سال قبل)، ۵- اختیاری (بیمه‌پردازی کامل در سال قبل)، ۶- بدون هر گونه سابقه، ۷- بدون سابقه در سال قبل (در سال فعلی سابقه دارند)، ۸- اجباری و قطع، ۹- مشاغل و قطع، ۱۰- اختیاری و قطع، ۱۱- بیکاری و اجباری، ۱۲- بیکاری و قطع، ۱۳- قطع و اختیاری، ۱۴- قطع و مشاغل، ۱۵- قطع و اجباری، ۱۶- اجباری و اختیاری، ۱۷- اجباری و بیکاری، ۱۸- اختیاری و اجباری، ۱۹- مشاغل و اختیاری و ۲۰- مشاغل و اجباری شناسایی شده است. به عنوان مثال، حالت «بیکاری و قطع» بیان کننده این است که بیمه‌شده با انعقاد قرارداد در سال ۱۳۹۰ در سال ۱۳۸۹ بخشی از سال را بیمه بیکاری دریافت کرده و بخش دیگر را نیز ارتباط بیمه‌ای نداشته است (قطع بیمه) و حالت «اختیاری و اجباری» به این معنی است که فرد در سال قبل برای مدتی دارای قرارداد بیمه اختیاری بوده و سپس به دلیل اشتغال مدتی را به صورت بیمه اجباری بیمه پرداخت کرده است که پس از بیکار شدن مجدداً قرارداد اختیاری منعقد کرده است.

به طور مشابه انواع وضعیت بیمه‌شده دارای قرارداد در انتهای سال عقد قرارداد نیز به عنوان حالات خروجی در ۱۱ حالت خروجی شامل: ۱- اختیاری و قطع، ۲- اختیاری و اجباری، ۳- قطع و اختیاری، ۴- قطع و اجباری، ۵- اجباری، ۶- اختیاری و قطع و اجباری، ۷- اختیاری و مشاغل، ۸- اجباری، ۹- بازنیستگی، ۱۰- استمرار (اختیاری) و ۱۱- عدم پرداخت (قطع و خروج) شناسایی شده است. به عنوان مثال، حالت «اختیاری، قطع و اجباری» بیانگر این حالت است که فرد بیمه شده پس از انعقاد قرارداد، مدتی به صورت اختیاری بیمه پرداخت کرده و سپس به دلیل عدم پرداخت، بیمه او برای مدتی قطع بوده و بعد از آن در کارگاهی

مشغول به کار شده است (تمام این تغییرات در فاصله تاریخ عقد قرارداد تا پایان سال اتفاق افتاده است) و یا حالت بازنشستگی به این مفهوم است که فرد بیمه‌شده پس از عقد قرارداد و پرداخت حق بیمه برای مدتی (زیر یکسال) در همان سال بازنشسته شده است. فراوانی برخی از حالات ورودی و خروجی اولیه مقادیر کمی داشته‌اند، لذا برای دستیابی به نتایج بهتر حالات ورودی و خروجی با یکدیگر ادغام شده‌اند. جدول ۳ وضعیت بیمه‌پردازان بیمه اختیاری قبل از انعقاد قرارداد (به عنوان حالات ورودی) و بعد از انعقاد قراداد (به عنوان حالات خروجی) پس از ادغام را به همراه شماره حالات اولیه ادغام شده نشان می‌دهد.

جدول ۳. حالات بیمه‌پردازی در سال قبل از انعقاد و در سال انعقاد قرارداد

| وضعیت بیمه‌پردازی در سال قبل از انعقاد قرارداد |                  | وضعیت بیمه‌پردازی در سال قابل از انعقاد قرارداد |                  |
|--|------------------|---|------------------|
| حالات اولیه تجمعی شده                          | وضعیت            | حالات اولیه تجمعی شده                           | وضعیت            |
| ۱۰   | ۱- اختیاری مستمر | استمرار قرارداد از سال قبل                      | ۱- اختیاری مستمر |
| ۱۱- ۱  | ۲- قطع           | ۷- ۲  | ۲- قطع           |
| ۸- ۴- ۲  | ۳- اجباری        | ۱۱-۱۵-۱۸-۲۰-۳-۱                                 | ۳- اجباری        |
| ۷- ۶   | ۴- قطع موقت      | ۱۷-۱۴-۱۲-۱۰-۹-۸-۵-۴                             | ۴- قطع موقت      |
| ۵- ۳   | ۵- قطع و اختیاری | ۱۹-۱۶-۱۳  | ۵- قطع و اختیاری |
| ۹  | ۶- بازنشستگی     | ۶   | ۶- بدون سابقه    |

مطابق جدول ۳، برای هر خریدار بیمه در یکسال ممکن است شش وضعیت در سال قبل اتفاق بیافتد و وضعیت بیمه‌پرداز در پایان سال عقد قرارداد نیز در یکی از شش حالت ستونهای سمت راست باشد.

### ۳. برآورده ماتریس احتمال انتقال در زنجیر مارکوف

در مفهوم کلی اگر زمان به سه دوره گذشته، حال، و آینده تقسیم شود و وضعیت سیستم در هر زمان (گستته یا پیوسته) تعیین شود، آنگاه فرایند مارکوف می‌نامیم اگر وضعیت آینده سیستم از مقدار وضعیت حال حاضر آن قابل تعیین باشد و بستگی به مسیری که در گذشته طی کرده است، نداشته باشد (مدرس و تیموری، ۱۳۹۳). به

زبان ریاضی، فرایند تصادفی  $\{X_n, n \geq 0\}$  بر روی فضای حالات گسته  $S$  یک زنجیر مارکوف است اگر برای تمام مقادیر  $i$  و  $j$  در فضای  $S$  رابطه

$$P(X_{n+1} = j | X_n = i, X_{n-1} = x_{n-1}, \dots, X_0 = x_0) = P(X_{n+1} = j | X_n = i) \quad (1)$$

$$= p_{ij}$$

برقرار باشد (کالکارنی، ۲۰۱۰) که در آن  $i = X_n$  بیانگر آن است که وضعیت سیستم در زمان (مرحله)  $n$  برابر  $i$  است و احتمال تغییر وضعیت از  $i$  به  $j$  در یک فاصله زمانی تأخیر ( $n+1$ ) با  $p_{ij}$  نشان داده می‌شود که مقدار مشخص و ثابتی دارد و مستقل از  $n$  است. چون این احتمالات غیرمنفی هستند و در هر صورت فرایند می‌بایست به یکی از وضعیتهای تعریف شده انتقال یابد، لذا به عبارتی مطابق رابطه

$$p_{ij} \geq 0 \quad \forall i, j \in N, \quad \sum_{j=0}^{\infty} p_{ij} = 1 \quad \forall i = 0, 1, 2, \dots \quad (2)$$

مجموع احتمالات حالت‌های مختلف برابر یک است (ایروانی، ۱۳۷۲). ماتریس  $P$  که مجموعه احتمال تغییر وضعیتها ( $p_{ij}$ ) را نشان می‌دهد ماتریس گذار سیستم یا ماتریس انتقال احتمال نامیده می‌شود و با استفاده از آن می‌توان احتمالات حدی سیستم ( $\pi_i$ ) که احتمال ماندن طولانی مدت سیستم در وضعیت  $i$  است را محاسبه کرد.

در پژوهش حاضر با دو رویکرد، وضعیتهاي بيمه‌پردازي مورد بررسی قرار گرفته است. در رویکرد اول ۲ وضعیت استمرار بيمه‌پردازي و عدم بيمه‌پردازي به عنوان وضعیتهاي سیستم (بيمه‌پرداز) در فاصله زمانی يك‌ساله بررسی شده و در رویکرد دوم با ديد جزئی تری به جای ۲ وضعیت، ۷ وضعیت (شش وضعیت جدول ۳ و حالت «بدون سابقه») برای سیستم در نظر گرفته شده و مورد بررسی قرار گرفته است. در رویکرد اول برای بررسی احتمالات مربوطه، يك ماتریس  $2 \times 2$  به صورت

$$\begin{bmatrix} n_{00} & n_{01} \\ n_{10} & n_{11} \end{bmatrix} \quad (3)$$

به تفکیک هر سال تشکیل شده است. بيمه‌پرداز اختیاری با وضعیت ۰ و عدم بيمه‌پرداز اختیاری با وضعیت ۱ نمایش داده شده است. جمله  $n_{00}$  یعنی فراوانی قراردادهایی که در سال  $-x$  فعال بوده‌اند و تا پایان سال  $x$  نیز فعال مانده‌اند و

جمله  $n_{11}$  فراوانی قراردادهایی که در سال قبل بیمه‌پرداز اختیاری نبوده‌اند و بعد از انعقاد قرارداد نیز تا پایان سال مورد نظر استمرار بیمه‌پردازی نداشته‌اند. مقادیر احتمال انتقال شرطی طبق روابط (۴) و (۵) محاسبه می‌شوند که نتایج این محاسبات در بخش بعدی ارائه شده است.

$$p_{01} = \frac{n_{01}}{n_{01} + n_{00}}, \quad p_{00} = 1 - p_{01} \quad (4)$$

$$p_{10} = \frac{n_{10}}{n_{10} + n_{11}}, \quad p_{11} = 1 - p_{10} \quad (5)$$

در حالت کلی و به زبان ساده‌تر احتمالات مختلف محاسبه شده فوق از داده‌های ماتریس رابطه (۳) به شرح زیر است:

$p_{00}$ : احتمال استمرار بیمه‌پردازی قراردادهای سالهای گذشته در سال جدید

$p_{01}$ : احتمال عدم استمرار بیمه‌پردازی قراردادهای سالهای گذشته در سال جدید

$p_{10}$ : احتمال استمرار بیمه‌پردازی قراردادهای منعقده در سال جدید

$p_{11}$ : احتمال عدم استمرار قراردادهای منعقده در سال جدید

یکی از ویژگیهای زنجیر مارکوف این است که احتمال حالت سیستم در درازمدت به حال اولیه آن وابسته نیست و صرف نظر از اینکه سیستم از چه حالتی شروع کند، احتمال اینکه در درازمدت به حالت  $k$  برسد مقداری ثابت است که این مقدار را به  $\pi_k$  نشان می‌دهند. به عبارتی رابطه

$$\pi_k = \lim_{m \rightarrow \infty} P_{ik}^{(m)} \quad (6)$$

برقرار است (مدرس و تیموری، ۱۳۹۳).

با درنظر گرفتن ماتریس گذار  $P$  به فرم رابطه (۷)، رابطه‌های (۸) و (۹) به دست خواهد آمد (Pinsky and Karlin, 2010). لذا هر یک از درایه‌های سطر اول (یا دوم) در ماتریس رابطه (۹) به ترتیب  $\pi_1$  و  $\pi_2$  خواهد بود.

$$P = \begin{bmatrix} 1-a & a \\ b & 1-b \end{bmatrix} \quad (7)$$

$$P^n = \frac{1}{a+b} \begin{vmatrix} b & a \\ b & a \end{vmatrix} + \frac{(1-a-b)^2}{a+b} \begin{vmatrix} a & -a \\ -b & b \end{vmatrix} \quad (8)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} P^n = \begin{vmatrix} \frac{b}{a+b} & \frac{a}{a+b} \\ \frac{b}{a+b} & \frac{a}{a+b} \end{vmatrix} \quad (9)$$

در رویکرد دوم وضعیت عدم بیمه‌پردازی در حالات جزئی‌تر (به تفکیک ۶ وضعیت شناسایی شده) با توجه به خواص زنجیرهای مارکوف برای هر سال و ماتریس انتقال احتمال میانگین بررسی شده است. براساس رابطه (۶) در صورتی که بخواهیم مقادیر احتمالات حدی  $\pi^*$  را برای وضعیتهای مختلف سیستم حساب شوند باید دستگاه معادلات

$$(\pi_0, \pi_1, \pi_2, \pi_3, \pi_4, \pi_5, \pi_6) = (\pi_0, \pi_1, \pi_2, \pi_3, \pi_4, \pi_5, \pi_6) \cdot P_{END} \quad (10)$$

حل شوند (مدرس و تیموری، ۱۳۹۳)، که در شرط  $\sum_{i=0}^{\infty} \pi_i = 1$  صدق می‌کند و در آن  $\pi_0$  تا  $\pi_6$  معرف میزان احتمالی است که بیمه‌پردازان دارای قراردادهای بیمه اختیاری در درازمدت به وضعیتهای صفر تا شش (حالتهای جدول ۳ به اضافه حالت «بدون سابقه») انتقال می‌یابند و ماتریس  $P_{END}$  ماتریس انتقال احتمال مربوطه (برای هر سال یا میانگین سالهای مورد بررسی) است.

#### ۴. نتایج و مدل‌سازی تصادفی

در پژوهش حاضر، فراوانی و وضعیتهای بیمه‌پردازی اختیاری قبل و بعد از عقد قرارداد مطابق آنچه در جدول ۳ شناسایی شد از پروندهای بیمه‌پردازان اختیاری شعبه دو تأمین اجتماعی همدان گردآوری شده تا با استفاده از آنها بتوان احتمالات بیان شده در رویکرد اول و دوم را به شرح زیر محاسبه کرد.

##### ۴-۱. رویکرد اول

در این رویکرد با استفاده از تحلیل زنجیرهای مارکوف، احتمال اینکه بیمه‌پرداز اختیاری در یکسال بیمه خود را تمدید کند یا اینکه قطع کند، محاسبه شده است. لازم

به ذکر است که ابطال قرارداد بیمه اختیاری در صورتی اتفاق خواهد افتاد که بیمه‌شده به میل شخصی از پرداخت حق بیمه مربوطه در مهلت مقرر (بیش از سه ماه از آخرین پرداخت) خودداری کند و یا در کارگاهی اشتغال یابد و از آن محل حق بیمه پرداخت شود. جدول ۴ نشان‌دهنده فراوانی و درصد فراوانی نوع وضعیت بیمه‌پرداز به تفکیک سال (استمرار بیمه‌پردازی از سال‌های قبل و قرارداد جدید) است.

جدول ۴. فراوانی و درصد فراوانی حالات مختلف بیمه‌پردازی اختیاری

| ردیف          | نوع ورودی     | به تفکیک درصد | ۱۳۹۳  | ۱۳۹۲  | ۱۳۹۱  | ۱۳۹۰  | ۱۳۸۹  | ۱۳۸۸  | ۱۳۸۷  |
|---------------|---------------|---------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| ۱             | اختیاری مستمر |               | ۲۶۲۲  | ۱۹۸۷  | ۱۵۸۰  | ۱۳۱۵  | ۹۶۱   | ۵۹۲   | ۳۲۴   |
| ۲             | قرارداد جدید  |               | ۱۳۳۱  | ۱۲۱۶  | ۸۶۹   | ۷۲۷   | ۷۸۱   | ۶۱۱   | ۳۸۸   |
| به تفکیک درصد |               |               |       |       |       |       |       |       |       |
| ۱             | اختیاری مستمر |               | ۶۶/۴۱ | ۶۲/۰۴ | ۶۴/۵۲ | ۶۴/۴۰ | ۵۵/۱۷ | ۴۹/۲۱ | ۴۵/۰۱ |
| ۲             | قرارداد جدید  |               | ۳۳/۵۹ | ۳۷/۹۶ | ۳۵/۴۸ | ۳۵/۶۰ | ۴۴/۸۳ | ۵۰/۷۹ | ۵۴/۴۹ |

بررسی درصد فراوانی حالات مختلف بیمه‌پردازی اختیاری با توجه به گذار از دوره گذار سال‌های ۱۳۸۷ و ۱۳۸۸ در سال‌های بعد به ثبات نسبی رسیده است. با توجه محاسبات انجام شده، نسبت قراردادهای جدید به قراردادهای فعال از سال گذشته به شرح جدول ۵ است.

جدول ۵. نسبت قراردادهای جدید به قراردادهای فعال از سال گذشته به تفکیک هر سال

| ردیف  | نسبت نوع قرارداد جدید به قرارداد فعال سال قبل | ۱۳۹۳  | ۱۳۹۲  | ۱۳۹۱  | ۱۳۹۰  | ۱۳۸۹  |
|---|---|-------|-------|-------|-------|-------|
| ۱   | اختیاری مستمر                                 | ۶۷/۴۱ | ۶۲/۰۴ | ۶۴/۵۲ | ۶۴/۴۰ | ۵۵/۱۷ |
| ۲   | قرارداد جدید                                  | ۳۳/۵۹ | ۳۷/۹۶ | ۳۵/۴۸ | ۳۵/۶۰ | ۴۴/۸۳ |
| نسبت قرارداد جدید به قراردادهای فعال از سال قبل |   |       |       |       |       |       |
|   |   | ۰/۵۱  | ۰/۶۱  | ۰/۵۵  | ۰/۵۵  | ۰/۸۱  |

با توجه به تعیین درصد قراردادهای جدید بر مبنای قراردادهای مستمر قبلی لزوم به دست آوردن احتمال استمرار قراردادهای اختیاری در سال بعد ضروری است که برای این کار از ماتریس انتقال احتمال در زنجیر مارکوف مطابق جدول ۶ استفاده می‌شود.

جدول ۶. مقادیر احتمال انتقال حالات مختلف بیمه‌پردازی اختیاری

| ۱۳۹۳   | ۱۳۹۲   | ۱۳۹۱   | ۱۳۹۰   | ۱۳۸۹   | ۱۳۸۸   | ۱۳۸۷   | حال      |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|----------|
| ۰/۸۰۵۱ | ۰/۸۲۲۸ | ۰/۸۱۰۸ | ۰/۷۷۰۳ | ۰/۷۵۶۵ | ۰/۷۸۵۵ | ۰/۸۲۱۰ | $p_{00}$ |
| ۰/۱۹۴۹ | ۰/۱۷۷۲ | ۰/۱۸۹۲ | ۰/۲۲۹۷ | ۰/۲۴۳۵ | ۰/۲۱۴۵ | ۰/۱۷۹۰ | $p_{01}$ |
| -      | ۰/۸۱۹۹ | ۰/۸۱۱۳ | ۰/۷۷۹۹ | ۰/۷۵۲۹ | ۰/۸۱۱۸ | ۰/۸۴۰۲ | $p_{10}$ |
| -      | ۰/۱۸۰۱ | ۰/۱۸۸۷ | ۰/۲۲۰۱ | ۰/۲۴۷۱ | ۰/۱۸۸۲ | ۰/۱۵۹۸ | $p_{11}$ |

با توجه به مقادیر جدول ۶ ماتریس انتقال هر سال قابل تشریح است که به عنوان نمونه برای سال ۱۳۹۰ به صورت

$$P_{90} = \begin{bmatrix} 0.7703 & 0.2297 \\ 0.7799 & 0.2201 \end{bmatrix}$$

است. برای تعیین ماتریس انتقال سالانه کلی، روش‌های متعددی وجود دارد که برای سهولت کار از روش میانگین سالهای مختلف (بدون لحاظ کردن سال ۹۳) استفاده و در نهایت، ماتریس انتقال سالانه نهایی به شرح

$$P = \begin{bmatrix} 0.7945 & 0.2255 \\ 0.8027 & 0.1973 \end{bmatrix}$$

استخراج شد. با درنظر گرفتن مقادیر  $\{a = 0.2255, b = 0.8027\}$  در رابطه (۹) خواهیم داشت:

$$\pi_0 = \frac{0.8027}{0.2255 + 0.8027} = 0.7807, \quad \pi_1 = 0.2193$$

به عبارتی در درازمدت هر قرارداد بیمه پرداز بیمه اختیاری، با احتمال ۰/۷۸۰۱ در هر سال، بیمه پرداز فعال باقی می‌ماند و با احتمال ۰/۲۱۹۳ قطع می‌شود. البته این احتمالات بدون توجه به این است که این قرارداد در چه سالی منعقد شده است. همچنین می‌توان احتمال تغییر وضعیت بیمه پرداز اختیاری را براساس ماتریس انتقال در یکسال بعد یا دو سال بعد و ... به دست آورد که به عنوان نمونه تعدادی از حالات در ادامه محاسبه شده است.

$$P^2 = \begin{vmatrix} 0.8108 & 0.1892 \\ 0.8113 & 0.1887 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 0.8108 & 0.1892 \\ 0.8113 & 0.1887 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.8109 & 0.1891 \\ 0.8109 & 0.1891 \end{vmatrix}$$

از دیگر استفاده‌های نتایج محاسبات احتمالات گذار، پیش‌بینی تعداد قراردادهای فعال سال بعد است. برای پیش‌بینی، از نتایج جدول ۵ استفاده می‌شود. ابتدا با استفاده از درصد قراردادهای جدید نسبت به قراردادهای سال قبل در سالهای قبل این نسبت در سال بعد پیش‌بینی می‌شود. از جمله روش‌های پیش‌بینی، روش میانگین ساده است که عبارت است از میانگین نسبتهای سالهای قبل مطابق رابطه

$$\hat{\alpha}_t = \frac{1}{t-1} \sum_{i=1}^{t-1} \alpha_i \quad (11)$$

است (Srivastava and et al., 1989)، که در آن  $t$ ، شماره دوره (سال) و  $\hat{\alpha}_t$  پیش‌بینی درصد فراوانی دوره  $t$  و  $\alpha_i$  درصد فراوانی واقعی دوره  $i$  است. به عنوان مثال میانگین نسبت قراردادهای جدید در هر سال به قراردادهای مستمر از سالهای قبل در سال ۱۳۹۴ (در فاصله سالهای ۱۳۸۹ تا ۱۳۹۳) با استفاده از رابطه (11) برابر با  $0.61$  است. با استفاده از پیش‌بینی این نسبت در یک سال می‌توان تعداد قراردادهای فعال در سال مورد نظر را پیش‌بینی کرد. به عنوان مثال برای سال اول (سال ۱۳۹۰)، تعداد قراردادهای فعال در پایان سال ۱۳۹۰ مساوی است با مجموع تعداد قراردادهای اختیاری جدید منعقده در سال ۱۳۸۹ و تعداد قراردادهای اختیاری مستمر از سال ۱۳۸۹، که با توجه به احتمال گذار  $0.77$  درصد باید عدد مذکور در این ضریب ضرب شود. از سوی دیگر با توجه به پیش‌بینی درصد فراوانی قرارداد هر سال به نسبت سال قبل (با ضریب  $0.61$ ، می‌توان قراردادهای جدید سال ۱۳۹۰ را نیز به صورت حاصل ضرب تعداد قراردادهای ۱۳۸۹ و ضریب  $0.61$  در نظر گرفت. برای درک بهتر می‌توان به صورت پیش‌بینی تعداد قراردادهای فعال پایان سال  $= 1390 \times 0.61$  یا  
برآورد تعداد قراردادهای مستمر از سال ۱۳۸۹ که فعال مانند =  $1389 \times 0.77$   
برآورد تعداد قراردادهای سال ۱۳۹۰ که فعال مانند +  
مسئله را فرموله کرد. برای برآورد هر یک از بخش‌های رابطه فوق می‌توان از احتمالات محاسبه شده به صورت  
(احتمال فعال ماندن  $\times$  تعداد قراردادهای سال ۱۳۸۹)  $= 0.90$

+ احتمال فعال ماندن  $\times$  روند رشد سالانه  $\times$  تعداد قراردادهای سال (۱۳۸۹) است، به عبارتی با فرض اینکه سال ۱۳۸۹ دوره صفر بوده و سال ۱۳۹۰ دوره ۱

$$\hat{y}_{90} = (y_{89} * 0.7807) + (y_{89} * 0.61 * 0.7807)$$

خواهد بود، که در آن  $y_{89}$  تعداد قراردادهای سال ۱۳۸۹ است. با ساده کردن رابطه فوق خواهیم داشت:

$$\hat{y}_{90} = 0.7807 * y_{89} * (1 + 0.61)$$

حال اگر سال ۱۳۹۰ را دوره یک ( $t = 1$ ) و سال ۱۳۹۱ را دوره دو و به همین صورت دوره‌های بعدی را متناظر با سالهای بعد در نظر بگیریم خواهیم داشت:

$$t = \text{سال}$$

$$\text{تعداد قراردادهای فعال در شروع سال ابتدایی} = y_0$$

$$\text{تعداد قراردادهای فعال در پایان سال } t = y_t$$

$$t = 1 \quad y_1 = 0.7807(y_0 + 0.61y_0) = 0.7807y_0(1 + 0.61)$$

$$t = 2 \quad y_2 = 0.7807y_1(1 + 0.61) = 0.7807 * 0.7807y_0(1 + 0.61)(1 + 0.61)$$

$$\begin{aligned} t = 3 \quad y_3 &= 0.7807y_2(1 + 0.61) \\ &= 0.7807 * 0.7807 \\ &\quad * 0.7807y_0(1 + 0.61)(1 + 0.61)(1 + 0.61) \end{aligned}$$

$$t = n \quad y_n = (0.7807)^n * y_0 * (1 + 0.61)^n \quad (12)$$

بدین ترتیب با بررسی اطلاعات موجود برای دوره زمانی چهار ساله تا پایان سال ۱۳۹۳ تعداد قراردادهای بیمه اختیاری براساس رابطه (۱۲) برآورد شد.

با استفاده از تکنیکهای پیش‌بینی می‌توان معادله برآورد تعداد بیمه‌شده‌گان اختیاری در پایان هر سال را با بهینه‌سازی و اصلاح فرمول فوق در قالب یک پژوهش کاربردی استخراج کرد و به این ترتیب برنامه‌ریزان سازمان قادر خواهند بود درآمدهای انتظاری سازمان را با احتمالات و تعداد بیمه‌شده‌گان اختیاری محاسبه و پیش‌بینی کنند.

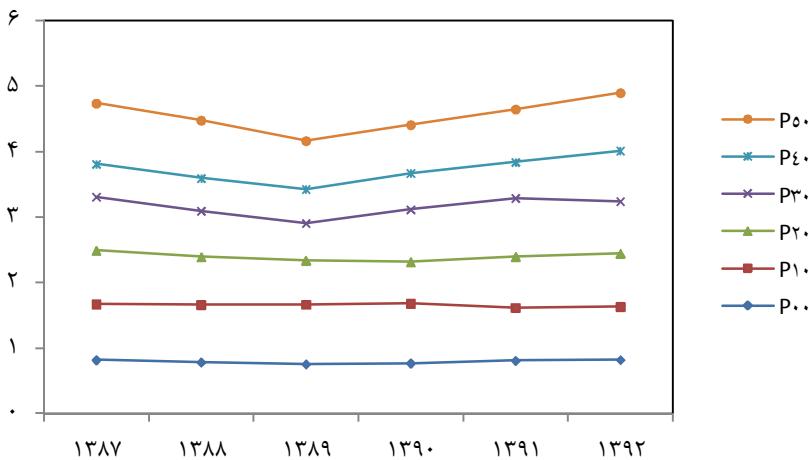
## ۲-۴. رویکرد دوم

در رویکرد دوم تلاش شده تا تمامی وضعیتهای بیمه‌پردازان اختیاری پس از انعقاد قرارداد در بازه زمانی یک گام (تا پایان سال عقد قرارداد) مدنظر قرار گیرد و برای سالهای ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۲ ماتریس حالت‌های انتقال ۷ گانه استخراج شود. جدول ۷ وضعیتهای مختلف یک بیمه‌پرداز اختیاری را نشان می‌دهد.

جدول ۷. حالات ۷ گانه و علامت اختصاری آن

| بازنشستگی | بدون سابقه | قطع و اختیاری | قطع موقت | اجباری | قطع | اختیاری (مستمر) | حالت          |
|-----------|------------|---------------|----------|--------|-----|-----------------|---------------|
| ۶         | ۵          | ۴             | ۳        | ۲      | ۱   | ۰               | علامت اختصاری |

با استفاده از روابط (۲)، (۳) و (۴)، ماتریس احتمال انتقال حالات مذکور در سالهای ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۲ به دست آمده است (تعداد ۶ ماتریس). شکل ۱ به طور نمونه مقدار احتمالات انتقال از حالت‌های مختلف به حالت صفر (بیمه اختیاری) را در سالهای مختلف نشان می‌دهد. همان‌طور که مشخص است مقدار این احتمالات در سالهای مختلف تقریباً ثابت و یکنواخت است و با گذر زمان، مقادیر احتمالات انتقال تغییری نداشته‌اند.



شکل ۱. نمودار روند احتمال حالت مختلف در سالهای ۱۳۹۲-۱۳۸۷

بنابراین برای جمع‌بندی و ایجاد یک ماتریس احتمال انتقال از ماتریسی استفاده شده است که درایه‌های آن از میانگین درایه‌های نظیر به نظری شش ماتریس احتمال انتقال به دست آمده است و ماتریس  $P_{END}$  نامگذاری شده است.

$$P_{END} = \begin{bmatrix} 0.79449 & 0.10315 & 0.05616 & 0.00383 & 0.02330 & 0 & 0.01908 \\ 0.86284 & 0.12052 & 0.01089 & 0.00057 & 0.00408 & 0 & 0.00110 \\ 0.74130 & 0.19482 & 0.03815 & 0.00504 & 0.01102 & 0 & 0.00967 \\ 0.76316 & 0.19686 & 0.02105 & 0.00686 & 0.00805 & 0 & 0.00401 \\ 0.86616 & 0.30328 & 0.02426 & 0.00617 & 0.08253 & 0 & 0.01759 \\ 0.83137 & 0.14753 & 0.01913 & 0 & 0.00198 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

پس از حل دستگاه معادلات رابطه (۱۰) و داده‌های ماتریس فوق با استفاده از روش الگوریتم گوس-جردن مقادیر

$$\pi_0 = 0.79536, \pi_1 = 0.11493, \pi_2 = 0.04868, \pi_3 = 0.00351$$

$$\pi_4 = 0.02136, \pi_5 = 0.00, \pi_6 = 0.01615.$$

به دست آمد. به عبارتی صرف‌نظر از اینکه قرارداد بیمه اختیاری در چه سالی منعقد شده است احتمال اینکه برای سال بعد استمرار یابد، ۰/۷۹۵۳۶ است و احتمال تبدیل به حالت قطع ۰/۱۱۴۹۳ است. بیمه‌پرداز اختیاری با احتمال ۰/۰۴۸۶۸ در سال بعد به

جرگه بیمه‌شدگان اجباری وارد می‌شود. همان‌طور که انتظار می‌رفت احتمال اینکه در سال پس از عقد قرارداد بیمه‌پرداز، سوابق بیمه‌ای نداشته باشد، صفر شده که نشان‌دهنده اعتبار مدل پیشنهادی است.

## ۵. جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در تحقیق حاضر با هدف فراهم آوردن دانش لازم برای ارزیابی عملکرد سازمانی در تحقق شاخص استمرار بیمه‌پردازی به عنوان یکی از روش‌های تحقق درآمدهای پایدار حاصل از وصول حق بیمه، اطلاعات بیمه‌پردازان بیمه اختیاری به صورت موردي در شعبه دو همدان استخراج و مورد بررسی قرار گرفته است. در پژوهش حاضر در یک رویکرد کلی وضعیت استمرار و عدم استمرار قراردادهای بیمه اختیاری محاسبه، که حالات حدی (درازمدت) با دو احتمال ۰/۷۸۰۷ و ۰/۲۱۹۳ برای عدم استمرار بیمه‌پردازی محاسبه شده است.

همچنین در تحلیل دیگری عدم بیمه‌پردازی در حالت‌های جزئی‌تر مورد بررسی قرار گرفته و با استخراج ماتریس احتمال انتقال بین حالت‌های مختلف احتمال قرار گرفتن یک بیمه‌پرداز در آینده تحلیل شده است. در حالات حدی قراردادهای بیمه اختیاری فارغ از زمان انعقاد قرارداد با احتمال ۰/۷۹۵۳۶ استمرار می‌یابد و با احتمال ۰/۰۱۶۱۵ این گروه از بیمه‌شدگان به جرگه مستمری‌گیران سازمان وارد می‌شوند. همچنین احتمال اینکه بیمه‌پرداز بیمه اختیاری در قالب بیمه‌شده اجباری اشتغال به کار یابد نیز به میزان ۰/۰۴۸۶۸ است و با احتمال ۰/۱۱۴۹۳ این گروه از بیمه‌شدگان پس از قطع در سال بعد هیچ‌گونه حق بیمه‌ای پرداخت نخواهد کرد. با استفاده از این اطلاعات تصمیم‌گیران سازمانی می‌توانند تصمیمات مربوطه را به شکل دقیق‌تری اتخاذ کنند.

## منابع

۱. ایروانی، س. م.، ۱۳۷۲. سیستم‌های صفحه جلد اول فرایند پواسان و زنجیرهای مارکوف. تهران: دانشگاه علم و صنعت. ص ۲۰۴.
۲. دفتر آمار و محاسبات اقتصادی و اجتماعی، ۱۳۹۴. گزینه آماری در پایان سال ۱۳۹۳. معاونت اقتصادی و برنامه‌ریزی سازمان تأمین اجتماعی.
۳. قشقایی، محمد ح، ۱۳۸۶. مجموعه قوانین تأمین اجتماعی. مذکره. چاپ سوم. صص ۱۵-۱۱.
۴. کریمی، آ. و تفناگساز، م.، ۱۳۸۳. کلیات بیمه. تهران: پژوهشکده بیمه وابسته به بیمه مرکزی جمهوری اسلامی ایران. چاپ هشتم. ص ۴۳۲.
۵. مدرس، م. و تیموری، ا.، ۱۳۹۳. نظریه صفحه. تهران: دانشگاه علم و صنعت. چاپ چهارم. ص ۸۶
۶. مریدی، س.، ۱۳۷۸. فرهنگ بیمه‌های اجتماعی. موسسه عالی پژوهش تأمین اجتماعی. چاپ اول. صص ۱۰۸-۱۰۹.
۷. یزدان‌پناه، ح. و علیزاده، ت.، ۱۳۹۰. برآورد احتمال وقوع امواج گرمایی با دوره‌های تداوم مختلف در استان کرمان به کمک زنجیر مارکوف. *فصلنامه تحقیقات جغرافیایی*, سال ۲۶، شماره سوم، پاییز ۱۳۹۰، شماره پیاپی ۱۰۲، صص ۷۱-۵۱.
8. Cheng, C.J. et al., 2012. Customer lifetime value prediction by a Markov chain based data mining model: Application to an auto repair and maintenance company in Taiwan. *Scientia Irnica*, 19(3), pp.849–855.
9. Kulkarni, V.G., 2011. *Introduction to modeling and analysis of stochastic systems*. 2rd ed. Springer.
10. Liu, C.H., Chiu, C.L. and Chiu, S.C., 2011. analyze dynamic value of strategic partners using Markov chain. *Expert Systems with Applications*, 38(11), pp.13563–13567.
11. Masseran, N., 2015. Markov chain model for the stochastic behaviors of wind-direction data. *Energy Conversion and Management*, Vol. 92, pp.266–274.

12. Philip, E.P. and Carraway, R.L., 2000. As Markov chain modeling customer relationships. *Journal Of Interactive Marketing*, 14(2), pp.43-55.
13. Pinsky, M.A. and Karlin, S., 2010. *An introduction to stochastic modeling*. 4rd ed. Academic Press: Elsevier.
14. Qina, T. and Boccelli, D.L. 2013. Estimating demands with a markov chain monte carlo approach. *12th International Conference on Computing and Control for the Water Industry, CCWI2013*.
15. Srivastava, U.K., Shenoy, G.V. and Sharma, S.C., 1989. *Quantitative techniques for managerial decisions*. 2rd ed. New Age International. pp.386-400.
16. Yeon, J., Elefteriadou, L. and Lawphongpanich, S., 2008. travel time estimation on a freeway using discrete time Markov chains. *Transportation Research Part B*, 42(4), pp.325–338.

